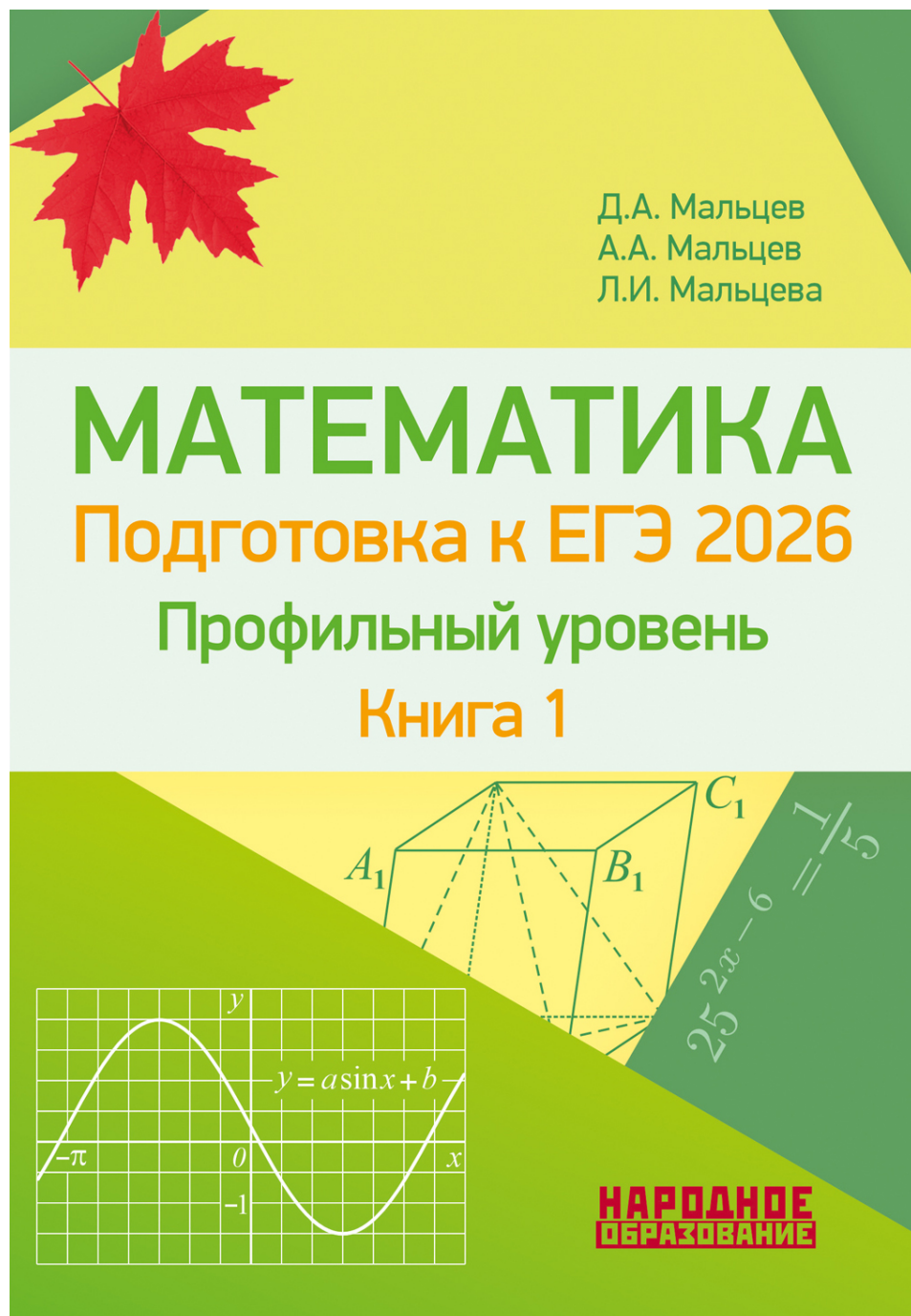




Д.А. Мальцев,
А.А. Мальцев,
Л.И. Мальцева

МАТЕМАТИКА

Подготовка к ЕГЭ 2026

Профильный уровень

Книга 1

- ✓ Более 1500 заданий части 1
- ✓ 10 проверочных вариантов
- ✓ Решения наиболее сложных задач

Издатель Мальцев Д.А.
Ростов-на-Дону

Народное образование
Москва
2026

ББК 22.1
М 21

Рецензенты: *Е. А. Шатилова*, учитель высшей категории
С. В. Петрова (Саренко)

Авторы: *Д. А. Мальцев, А. А. Мальцев, Л. И. Мальцева*

М 21 Математика. Подготовка к ЕГЭ 2026. Профильный уровень.

Книга 1 / Д.А. Мальцев, А.А. Мальцев, Л.И. Мальцева. — Ростов н/Д: Издатель Мальцев Д.А.; М.: Народное образование, 2026. — 328 с.

ISBN 978-5-87953-802-1

Перед Вами одна из трёх книг, входящих в учебно-методический комплект «Математика. Подготовка к ЕГЭ 2026. Профильный уровень».

Данная книга полностью посвящена первой части экзаменационной работы — заданиям с кратким ответом. Она состоит из трёх разделов:

- в разделе I приведены **все типы задач с кратким ответом** банка заданий ЕГЭ, а также некоторые другие задачи;
- раздел II содержит **10 проверочных вариантов**, составленных в соответствии со структурой первой части экзаменационной работы;
- в разделе III даны **решения** наиболее сложных задач раздела I.

Необходимым дополнением этой книги является пособие «Математика. Подготовка к ЕГЭ 2026. Профильный уровень. Книга 2», содержащее 60 тестов по новой Демоверсии ЕГЭ 2026, а также «Решебник» к этому пособию.

Регулярное решение задач данной книги, начиная с 10 класса, поможет учащимся освоить школьный курс математики на более глубоком уровне, что, в свою очередь, будет способствовать успешной сдаче ЕГЭ по математике.

ISBN 978-5-87953-802-1

ББК 22.1

© ИП Мальцев Д.А., 2025

Содержание

Предисловие	6
Раздел I. Учебно-тренировочные задачи	8
Задание № 1. Планиметрия	8
Площадь и периметр	8
Вычисление углов и метрические соотношения	15
Трапеция и параллелограмм	20
Подобие фигур	22
Вписанная и описанная окружности	24
Задание № 2. Координаты и вектора	32
Задание № 3. Стереометрия	40
Нахождение элементов пирамиды и призмы	40
Площадь поверхности и объём	45
Задание № 4. Теория вероятности	59
Задание № 5. Теория вероятности	71
Задание № 6. Уравнения	87
Рациональные уравнения	87
Иррациональные уравнения	89
Показательные уравнения	91
Логарифмические уравнения	95
Тригонометрические уравнения	98
Задание № 7. Преобразования выражений	100
Рациональные выражения	100
Арифметический корень	103
Выражения, содержащие степень	106

Тригонометрические выражения	109
Логарифмические выражения	112
Задание №8. Производная и её применение к исследованию функций	117
Задание №9. Задачи с физической формулировкой	134
Задание №10. Текстовые задачи	143
Задачи на движение	143
Нахождение средней скорости	147
Задачи на работу	148
Задачи на смеси	150
Задачи на «сложные» проценты	151
Задачи на проценты	153
Задачи на арифметическую прогрессию	155
Задание №11. Графики функций	156
Задание №12. Исследование функций с помощью производной	172
Раздел II. Проверочные варианты	177
Вариант №1	177
Вариант №2	179
Вариант №3	181
Вариант №4	184
Вариант №5	186
Вариант №6	188
Вариант №7	191
Вариант №8	193
Вариант №9	195
Вариант №10	198

Раздел III. Решения учебно-тренировочных задач	200
Решения заданий №1	200
Решения заданий №2	207
Решения заданий №3	214
Решения заданий №4	218
Решения заданий №5	229
Решения заданий №6	261
Решения заданий №7	266
Решения заданий №8	270
Решения заданий №9	282
Решения заданий №10	289
Решения заданий №11	300
Решения заданий №12	314
Ответы	318
Карта индивидуальных достижений обучающегося	326
Литература	328

Предисловие

Перед Вами одна из трёх книг, входящих в учебно-методический комплект «Математика. ЕГЭ 2026. Профильный уровень». Этот учебно-методический комплект поможет выпускнику добиться необходимого ему результата на ЕГЭ по математике.

Данная книга полностью посвящена первой части работы — заданиям с кратким ответом. Как показывает практика, очень многие сильные ученики допускают на экзамене несколько досадных ошибок при решении заданий с кратким ответом. Если выпускник ставит перед собой цель набрать не менее 80 сертификационных баллов, то ошибаться в первой части работы неприемлемо, поскольку «отыгрывать» потерянные баллы на заданиях с развёрнутым ответом гораздо сложнее. Поэтому рекомендуем всем выпускникам в процессе подготовки серьёзно отнестись к заданиям первой части и прорешать большую часть заданий этого пособия.

О структуре пособия

Данное пособие состоит из трёх разделов. В Разделе I приведены все типы задач с кратким ответом из банка заданий ЕГЭ, а также некоторые другие задачи. Этот раздел разбит на 12 подпунктов, в соответствии с числом заданий первой части экзаменационной работы. Отметим, что внутри каждого подпункта все задания сгруппированы по типам, при этом номер первой из задач какого-либо типа выделен квадратиком. Некоторые из типов заданий отмечены также символом *, означающим, что этот тип задач относится к задачам повышенной сложности.

Раздел II содержит 10 проверочных вариантов, составленных в соответствии со структурой первой части экзаменационной работы. Решение этих вариантов позволит выпускнику закрепить навыки, полученные при решении задач Раздела I, а также дополнительно попрактиковаться в решении заданий первой части на полноценном варианте из 12 задач.

В Разделе III даны решения наиболее сложных задач Раздела I.

Необходимым дополнением этой книги являются пособия «Математика. Подготовка к ЕГЭ 2026. Профильный уровень. Книга 2», содержащее 60 тестов по новой Демоверсии ЕГЭ, и «Решебник» к указанному пособию.

Регулярное решение задач данной книги, начиная с 10 класса, поможет учащимся освоить школьный курс математики на более глубоком уровне, что, в свою очередь, будет способствовать успешной сдаче ЕГЭ по математике.

Желаем Вам успехов!

Раздел I. Учебно-тренировочные задачи

*Холодные числа, внешне сухие формулы
математики полны внутренней красоты
и жара сконцентрированной в них мысли.*

А. Д. Александров

Задание №1. Планиметрия

Площадь и периметр

- 1** Найдите площадь параллелограмма, если длина одной из его сторон равна 7, длина другой равна 10, а один из углов равен 30° .
- 2** Найдите площадь треугольника, стороны которого равны $8\sqrt{2}$ и 10, а угол между этими сторонами равен 135° .
- 3** Найдите площадь ромба, если его стороны равны $\sqrt{11}$, а один из углов равен 150° .
- 4** Найдите площадь ромба, если его высота равна 3, а один из углов равен 30° .
- 5** Найдите площадь ромба, если его диагонали равны 6 и 16.
- 6** Площадь ромба равна 75, а одна из его диагоналей равна 12. Найдите другую диагональ ромба.
- 7** Площадь ромба равна 120, а одна из его диагоналей равна 24. Найдите периметр ромба.
- 8** Периметр ромба равен 100, а одна из его диагоналей равна 40. Найдите площадь ромба.
- 9** Найдите периметр прямоугольника, если его площадь равна 48, а одна из сторон ровно в три раза больше другой стороны.
- 10** Найдите периметр прямоугольника, если его площадь равна 112, а отношение соседних сторон равно 4 : 7.

11 Найдите периметр прямоугольника, если его площадь равна 84, а разность между большей и меньшей сторонами равна 5.

12. Периметр прямоугольника равен 56, а площадь равна 171. Найдите большую сторону прямоугольника.

13 Периметр прямоугольника равен 22, а диагональ равна 9. Найдите площадь этого прямоугольника.

14. Периметр прямоугольника равен 28, а диагональ равна 11. Найдите площадь этого прямоугольника.

15 Одно из оснований трапеции равно 28, высота равна 8, а площадь равна 178. Найдите второе основание трапеции.

16. Высота трапеции равна 9, а площадь равна 198. Найдите среднюю линию трапеции.

17. Средняя линия трапеции равна 16, площадь равна 152. Найдите высоту трапеции.

18 Основания равнобедренной трапеции равны 15 и 39, а её периметр равен 80. Найдите площадь трапеции.

19. Основания равнобедренной трапеции равны 7 и 23, а её площадь равна 225. Найдите периметр трапеции.

20. Основания трапеции равны 8 и 22, площадь трапеции равна 180, а одна из боковых сторон равна 15. Найдите вторую боковую сторону трапеции.

21 Около окружности, радиус которой равен 5, описан многоугольник, периметр которого равен 32. Найдите площадь этого многоугольника.

22. Около окружности, радиус которой равен 8, описан многоугольник, площадь которого равна 104. Найдите периметр этого многоугольника.

23. Около окружности описан многоугольник, площадь которого равна 150, а периметр равен 20. Найдите радиус этой окружности.

Раздел II. Проверочные варианты

Вариант №1

1 Сумма двух углов параллелограмма равна 112° . Найдите градусную меру большего из углов параллелограмма.

Ответ: _____

2 На координатной плоскости заданы точки: $A(1; -6)$, $B(-2; 4)$, $C(-7; -3)$ и $D(5; -2)$. Найдите длину вектора $2 \cdot \overrightarrow{AC} + 3 \cdot \overrightarrow{BD}$.

Ответ: _____

3 В сосуд, имеющий форму правильной треугольной призмы со стороной основания 25 см, налили воду. Высота уровня воды равна 100 см. Воду перелили в другой сосуд такой же формы, в результате чего высота уровня воды понизилась на 75 см. Найдите длину стороны основания второго сосуда. Ответ выразите в сантиметрах.

Ответ: _____

4 Гирлянда состоит из 380 красных, 210 зелёных, 190 жёлтых и 220 синих лампочек. Одна из лампочек перегорела. Какова вероятность, что перегоревшая лампочка красного цвета?

Ответ: _____

5 В городе 45% взрослого населения — мужчины. Пенсионеры составляют 15,7% взрослого населения, причём доля пенсионеров среди мужчин составляет 8%. Проводя в этом городе социологическое исследование, для опроса случайным образом выбрали взрослую женщину. Какова вероятность того, что выбранная женщина является пенсионеркой?

Ответ: _____

6 Решите уравнение $4^{5x+6} = 64$.

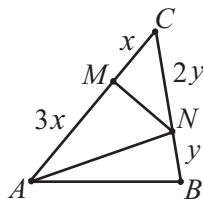
Ответ: _____

Раздел III. Решения учебно-тренировочных задач

Решения заданий №1

Номера задач, к которым приведены решения: 28, 33, 35, 36, 47, 53, 58, 143, 174, 177, 182, 190, 199, 202.

28. На сторонах AC и BC треугольника ABC взяты точки M и N так, что $AM : CM = 3 : 1$, $BN : CN = 1 : 2$, см. рисунок. Площадь треугольника ABC равна 51. Найдите площадь треугольника AMN .

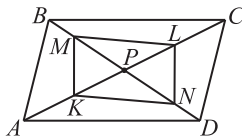


Решение.

Пусть $CM = x$, $BN = y$, тогда из данных в условии отношений следует, что $AM = 3x$, $CN = 2y$, см. рисунок. Так как у треугольников ACN и ABC высота из вершины A общая, то отношение площадей этих треугольников равно отношению оснований CN и BC , т.е. $\frac{S_{ACN}}{S_{ABC}} = \frac{CN}{BC} = \frac{2y}{3y} = \frac{2}{3}$. Отсюда получаем, что $S_{ACN} = \frac{2}{3} S_{ABC} = 34$.

У треугольников AMN и ACN общая высота из вершины N , поэтому отношение их площадей равно отношению $AM : AC$. Из равенства $\frac{S_{AMN}}{S_{ACN}} = \frac{AM}{AC} = \frac{3x}{4x}$ получаем, что $S_{AMN} = \frac{3}{4} S_{ACN} = \frac{3}{4} \cdot 34 = 25,5$.

33. На диагоналях AC и BD параллелограмма $ABCD$ взяты соответственно пары точек K, L и M, N так, что $AK = CL = \frac{1}{4} AC$, $BM = DN = \frac{1}{6} BD$, см. рисунок. Найдите площадь четырёхугольника $KMLN$, если площадь параллелограмма $ABCD$ равна 36.



Решение.

Пусть P — точка пересечения диагоналей данного параллелограмма. Тогда $AP = \frac{1}{2} AC$, $BP = \frac{1}{2} BD$. Выразим длины отрезков PM и PK через длины диагоналей: $PK = AP - AK = \frac{1}{2} AC - \frac{1}{4} AC = \frac{1}{4} AC$, $PM = BP - BM = \frac{1}{2} BD - \frac{1}{6} BD = \frac{1}{3} BD$. Отсюда находим, что $PK : AP = \frac{AC}{4} : \frac{AC}{2} = \frac{1}{2}$, $PM : BP = \frac{BD}{3} : \frac{BD}{2} = \frac{2}{3}$. Так как пло-